

Bölüm 11

ADC ve DAC

Doç. Dr. Fatih Evran
Elektrik ve Elektronik Mühendisliği
Ofis: 421 Mühendislik Binası
Düzce Üniversitesi
Email: fatihevran@duzce.edu.tr

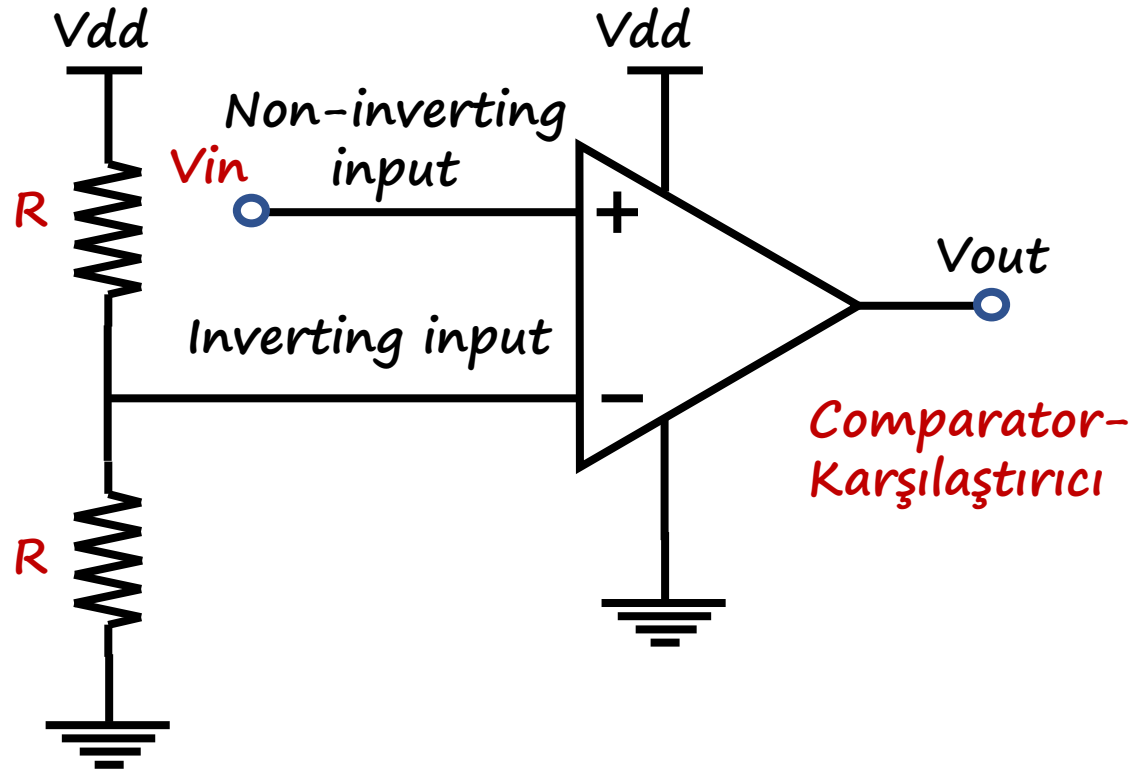
ADC ve DAC

- Analog-Dijital Dönüştürücü (ADC): *Analog değeri* (gerilim veya akım) *ikili sayısal sisteme* dönüştürür.
- Dijital-Analog Dönüştürücü (DAC): *ikili sayısal sistemdeki değeri* *analog gerilime* dönüştürür.
- ADC ve DAC uygulamaları:
 - A. Kablosuz haberleşme
 - B. Çevresel izleme
 - C. Sayısal filtre
 - D. Veri kaydı

Tanımlamalar

- Örneklem periyodu (sample period): ADC için her dönüşüm arasındaki zamandır
- Referans gerilim (V_{ref}): Analog sinyal 0 ve V_{ref} arasında, ya da V_{ref-} ve V_{ref+} arasında değişir
- Çözünürlük (Resolution): Veri dönüştürme için kullanılan bit sayısıdır (8 bit, 10 bit, 12 bit, 16 bit gibi)
- Dönüştürme süresi (Conversion Time): ADC için, analogdan dijitale dönüşüm için geçen süredir.

1-bit ADC



$$\text{If } V_{in} = V > \frac{V_{ref}}{2}, V_{out} = V_{dd}$$

$$\text{If } V_{in} = V < \frac{V_{ref}}{2}, V_{out} = 0$$

N-bit ADC

- N-bit ADC: ADC, bir analog örneği temsil etmek için N-bit kullanır
- Analog girişin genliği V_{ref} den **büyük olamaz**
- Giriş = 0 V olduğunda, ADC' nin (ADC kodu) çıkışı **0**' dır
- Giriş = V_{ref} olduğunda, ADC' nin (ADC kodu) çıkışı **$(2^N - 1)$** ' dır.
- Herhangi bir analog giriş için ADC kodunu hesaplamak için aşağıdaki denklemi kullanabiliriz:

$$ADC\ Kodu = \left\lfloor \frac{V_{in}}{V_{ref}} \times 2^N \right\rfloor$$

$\lfloor x \rfloor$ is **bir merdiven (kat) fonksiyonudur**: Sonuç x ' ten küçük veya x ' e eşit olan en büyük tamsayıdır

Örnek: $\lfloor 8.4 \rfloor = 8$, $\lfloor 3.9 \rfloor = 3$, $\lfloor 10.1 \rfloor = 10$

N-bit ADC Örneği

10 bit bir ADC için referans gerilimin 4 V olduğunu varsayalım

Soru-1: Giriş 3 V ise çıkış ADC kodu nedir?

$$\begin{aligned} \text{ADC Kodu} &= \left\lfloor \frac{V_{in}}{V_{ref}} \times 2^N \right\rfloor \\ &= \left\lfloor \frac{3}{4} \times 2^{10} \right\rfloor = 768 \end{aligned}$$

Soru-2: Giriş 2.17 V ise çıkış ADC kodu nedir?

$$\begin{aligned} \text{ADC Kodu} &= \left\lfloor \frac{V_{in}}{V_{ref}} \times 2^N \right\rfloor \\ &= \left\lfloor \frac{2.17}{4} \times 2^{10} \right\rfloor = 555.52 \cong 555 \end{aligned}$$

ADC Kodundan Gerilime Geçiş

Çıkış ADC kodunu biliyorsak, aşağıdaki denklem giriş gerilimini elde etmemize yardımcı olabilir:

$$V_{in} = \frac{ADC\ Kodu}{2^N} \times V_{ref}$$

Örnek-1: 10 bit bir ADC için referans gerilimi 4 V ve çıkış ADC kodu 555 olarak verildiğine göre, ADC' nin giriş gerilimi nedir?

$$V_{in} = \frac{ADC\ Kodu}{2^N} \times V_{ref} = \frac{555}{2^{10}} \times 4\ V \approx 2.168\ V$$

Örnek-2: 10 bit bir ADC için referans gerilimi 4 V ve çıkış ADC kodu 768 olarak verildiğine göre, ADC' nin giriş gerilimi nedir?

$$V_{in} = \frac{ADC\ Kodu}{2^N} \times V_{ref} = \frac{768}{2^{10}} \times 4\ V = 3\ V$$

ADC Çözünürlüğü

- ADC' nin çözünürlüğünün iki tanımı olabilir:
 - A. Veri dönüştürme için kullanılan **bit sayısı** (8 bit, 10 bit, 12 bit, 16 bit gibi)
 - B. ADC tarafından ölçülebilen **en küçük gerilim** değişimi

$$V_{in} = \frac{V_{ref+} - V_{ref-}}{2^N} = \frac{V_{ref}}{2^N}$$

Diagram showing the derivation of the formula. A blue arrow points from $V_{ref+} = V_{ref}$ to the numerator of the formula. Another blue arrow points from $V_{ref-} = 0 \text{ V}$ to the numerator. A third blue arrow points from the V_{ref} term in the simplified formula back to the $V_{ref+} = V_{ref}$ definition.

$V_{ref-} = 0 \text{ V}$ ve $V_{ref+} = V_{ref}$ olarak kullanacağız

Örnek: Referans gerilimi 4 V olduğunda 10 bit ADC' nin çözünürlük gerilimini (1 LSB) hesaplayın

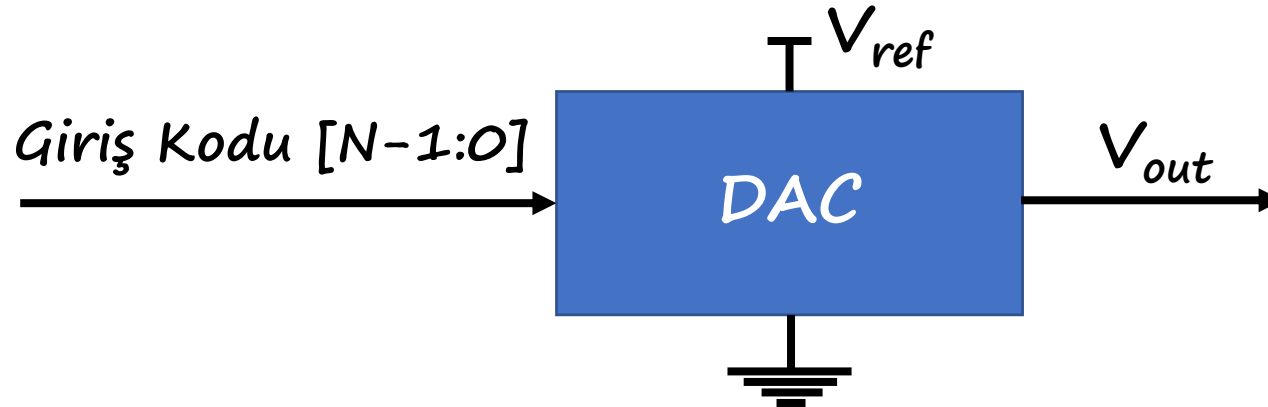
$$V_{in} = \frac{V_{ref}}{2^N} = \frac{4 \text{ V}}{2^{10}} = \frac{4 \text{ V}}{1024} \approx 3.9 \text{ mV}$$

Ticari ADC Entegreler

- 32 bit ADC mevcuttur
- Anahtar parametrelerden biri dönüştürme süresidir: Dönüştürme başlatıldıktan sonra doğru bir sayısal çıkışın üretilmesi ne kadar sürer?
- Dönüştürme süresine göre **hızlı/orta/düşük** hızlı ailelere ayrılmıştır
- Yüksek çözünürlüklü ADC' de sistem gürültüsü dönüşümü etkilemektedir
- Gürültü seviyesi, **çözünürlük geriliminin yarısından** az olmalıdır
- 4.1 V referans gerilimine sahip 16 bitlik ADC için çözünürlük gerilimi $4,1 \text{ V} / 2^{16} = 62 \text{ } \mu\text{V}$ dir. Bu nedenle, 16 bit ADC kullanmak için gürültü seviyesinin $31 \text{ } \mu\text{V}$ den küçük olması gerekir

DAC

- DAC: *Girişindeki ikili sayısal kodu çıkışında analog gerilime dönüştürür*



- $0 \leq V_{out} < V_{ref}$ aralığındaki işaretsiz bir ikili giriş kodu kullanan bir N-bit DAC için:
 - A. Giriş kodu = 0 olduğunda, DAC çıkışı 0 V olmaktadır
 - B. Giriş kodu = $2^N - 1$ olduğunda, DAC çıkışı V_{ref} olmaktadır
 - C. Herhangi bir giriş kodu verildiğinde DAC çıkışını hesaplamak için aşağıdaki denklemi kullanabiliriz:

$$V_{out} = \frac{\text{DAC Kodu}}{2^N} \times V_{ref}$$

N-bit DAC Örneği

8 bit bir DAC kullandığımızı varsayalım.

Soru 1: $V_{ref} = 5\text{ V}$ ve giriş DAC kodu $0x8A$ ise DAC çıkış gerilimi nedir?

$$V_{out} = \frac{DAC\ Kodu}{2^N} \times V_{ref} = \frac{0x8A}{2^8} \times 5\text{ V} \approx 2.7\text{ V}$$

Soru 2: $V_{ref} = 4\text{ V}$ ve çıkış gerilimi $= 1.25\text{ V}$ ise giriş DAC kodu nedir?

$$DAC\ Kodu = \frac{V_{out}}{V_{ref}} \times 2^N = \frac{1.25}{4} \times 2^8 = 80 = 0x50$$

Ticari DAC Entegreler

- 32 bit DAC mevcuttur
- Çıkış sinyali **gerilim** veya **akımdır**. Akım DAC, gerilime dönüştürmek için **harici bir işlemsel amplifikatöre (OPAMP)** ihtiyaç duyar
- Anahtar parametrelerden biri **yerleşme süresidir (settling time)**: Giriş kodu değiştikten sonra kararlı bir çıkış gerilimi için gereken süredir

PIC33 μ C ADC

- PIC33 μ C ADC' nin Özellikleri
 - A. PIC33 μ C bir **yerleşik** ADC' ye sahiptir
 - B. **10-bit** ya da **12-bit** çözünürlük
 - C. Referans gerilimi Vdd ya da **ayrı bir gerilim** olabilir
 - D. **Birden fazla giriş** (birden fazla giriş kanalı)
 - E. ADC için saat kaynağı, bölünmüş bir F_{osc} (ana saat kaynağı) veya dahili olarak oluşturulmuş bir saattir (250 ns)
 - F. ADC saat periyodu, **10 bit çözünürlük için 76 ns'** den veya **12 bit çözünürlük için 118 ns'** den **az** olamaz

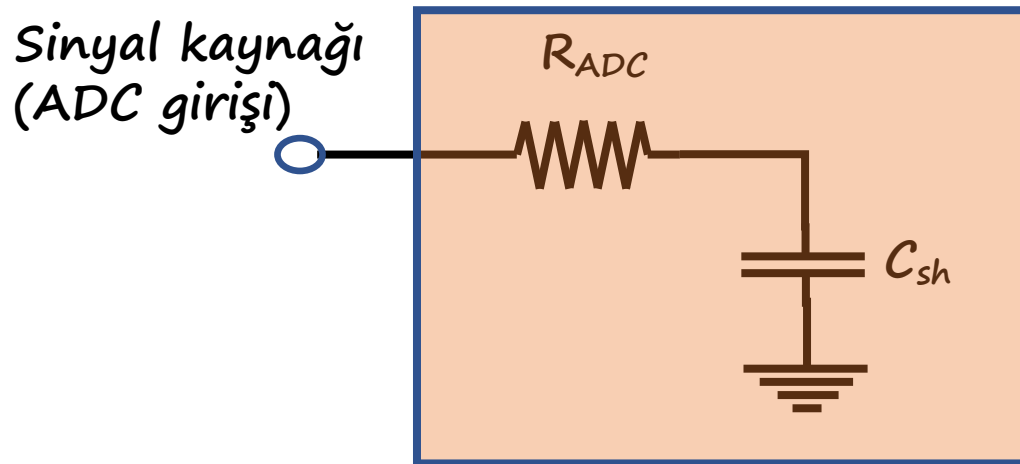
Dönüştürme Süresi (Conversion Time)

- Dönüştürme Süresi: ADC için analogdan sayısala dönüştürme için geçen süredir
- Toplam dönüştürme süresi = Örneklem süresi (sampling time) + Çözünürlük $\times$ 1 T_{ad} + 2 T_{ads}
 - A. 1 T_{ad} = 1 ADC saat periyodu
 - B. Örneklem süresi, ADC' nin örneklem kondansatörünün (C_{sh}) geriliminin dolması için gereken süredir.

Dönüştürme Süresi (Conversion Time) (devam)

- Örneklemme süresi **yapılandırılabilir**
 - A. Devre özelliklerine göre uygun bir **örneklemme zamanı** belirlememiz gerekiyor
 - B. PIC33 μC için maksimum örneklemme süresi **31 T_{ad} periyodudur**

$$\begin{aligned}\text{Dönüştürme süresi} &= \text{Örneklemme süresi} + \text{Çözünürlük} \times 1 T_{ad} + 2 T_{ad} \\ &= 31 T_{ad} + \text{Çözünürlük} \times 1 T_{ad} + 2 T_{ad}\end{aligned}$$



12 bit ADC

$$\begin{aligned}&= 31 T_{ad} + 12 \times 1 T_{ad} + 2 T_{ad} \\ &= 45 T_{ad} = 45 \text{ saat periyodu}\end{aligned}$$

Gerilim Referansları

$$ADC\ Kodu = \frac{V_{in}}{V_{ref}} \times 2^N$$


- Gerilim referansının **kararlılığı**, yüksek hassasiyetli dönüşümler için kritik öneme sahiptir
- Kolaylık sağlamak için gerilim referansımız olarak **V_{dd}**' yi kullanacağız, ancak **V_{dd} dalgalanmaları** nedeniyle **en az iki bit hassasiyeti** kullanmayacağız
- Dönüştürme hassasiyetini artırmak için gerilim referansı bir entegreden alınabilir
 - A. Gerilim referansının farklı seçenekleri vardır: 2.048 V, 2.5 V, 3 V, 3.3 V, 4.096 V, 5 V
 - B. PIC33 **yalnızca** 3.0 V veya 3.3 V değerinde bir gerilim referansı kullanabilir
 - C. Gerilim referansı için anahtar parametre, **sıcaklık çalışma aralığı üzerindeki kararlılıktır**. Bunun **ADC çözünürlüğünün yarısından az** olması gerekiyor

ADC' yi Yapılandırma

```
void configADC1_ManualCH0(uint16_t u16_ch0PositiveMask,
                          uint8_t u8_autoSampleTime,  uint8_t u8_use12bit) {
    if (u8_autoSampleTime > 31) u8_autoSampleTime=31;
    AD1CON1bits.ADON = 0; // turn off ADC
    /** Configure the internal ADC **/
    AD1CON1 = ADC_CLK_AUTO | ADC_AUTO_SAMPLING_OFF;
    if (u8_use12bit)
        AD1CON1bits.AD12B = 1;
    else AD1CON1bits.AD12B = 0;
    AD1CON3 = ADC_CONV_CLK_INTERNAL_RC | (u8_autoSampleTime<<8);
    AD1CON2 = ADC_VREF_AVDD_AVSS;
    AD1CHS0 = ADC_CH0_NEG_SAMPLEA_VREFN | u16_ch0PositiveMask;
    AD1CON1bits.ADON = 1; //turn on the ADC
}
```

ADC' yi Yapılandırma (devam)

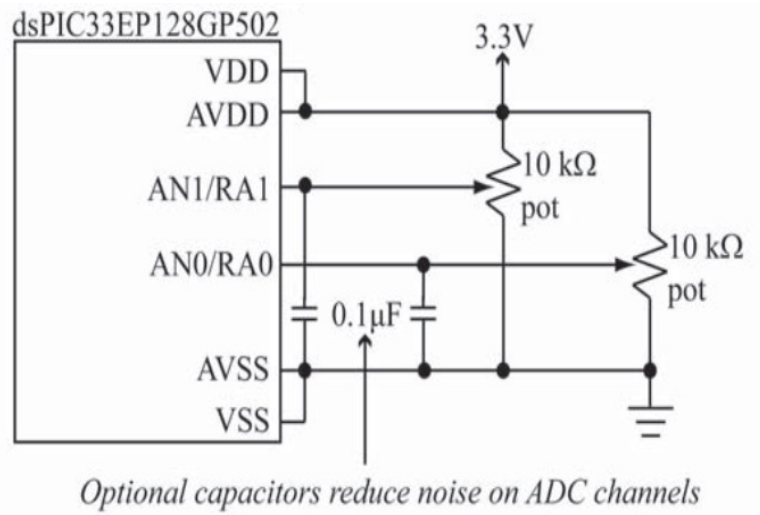
- Program dahili ADC saatini yapılandırır, manuel örnek başlatma/otomatik dönüştürmeyi kullanır
- `u16_ChOPPositiveMask` dönüştürmek için Kanal 0' dan ANx girişini seçer
- AVDD ve AVSS referans olarak kullanılır
- `u8_autoSampleTime` parametresi örnekleme süresini sayarlar
- `u8_Use12bits` dönüştürmenin 12 bit mi yoksa 10 bit mi yapıldığını belirler

Bir Dönüşüm Başlatma, Sonuç Alma:

```
uint16_t convertADC1(void) {
    uint8_t u8_wdtState;
    sz_lastTimeoutError = "convertADC1()";
    u8_wdtState = _SWDTEN;                // save WDT state
    _SWDTEN = 1;                          // enable WDT since we block
    SET_SAMP_BIT_ADC1();                  // start sampling
    NOP();                                // takes one clock to clear previous
                                          // DONE flag, delay before checking.
    WAIT_UNTIL_CONVERSION_COMPLETE_ADC1(); // wait for conversion to finish
    _SWDTEN = u8_wdtState;                // restore WDT
    sz_lastTimeoutError = NULL;           // reset error message
    return(ADC1BUF0);
}
```

Bu programda, ADC' nin örneklemeyi başlatması istenir, örnekleme tamamlandıktan sonra ADC dönüştürmesi başlar ve dönüştürme bittiğinde bir durum biti birleşir (lojik '1').

ADC' yi Test Etme



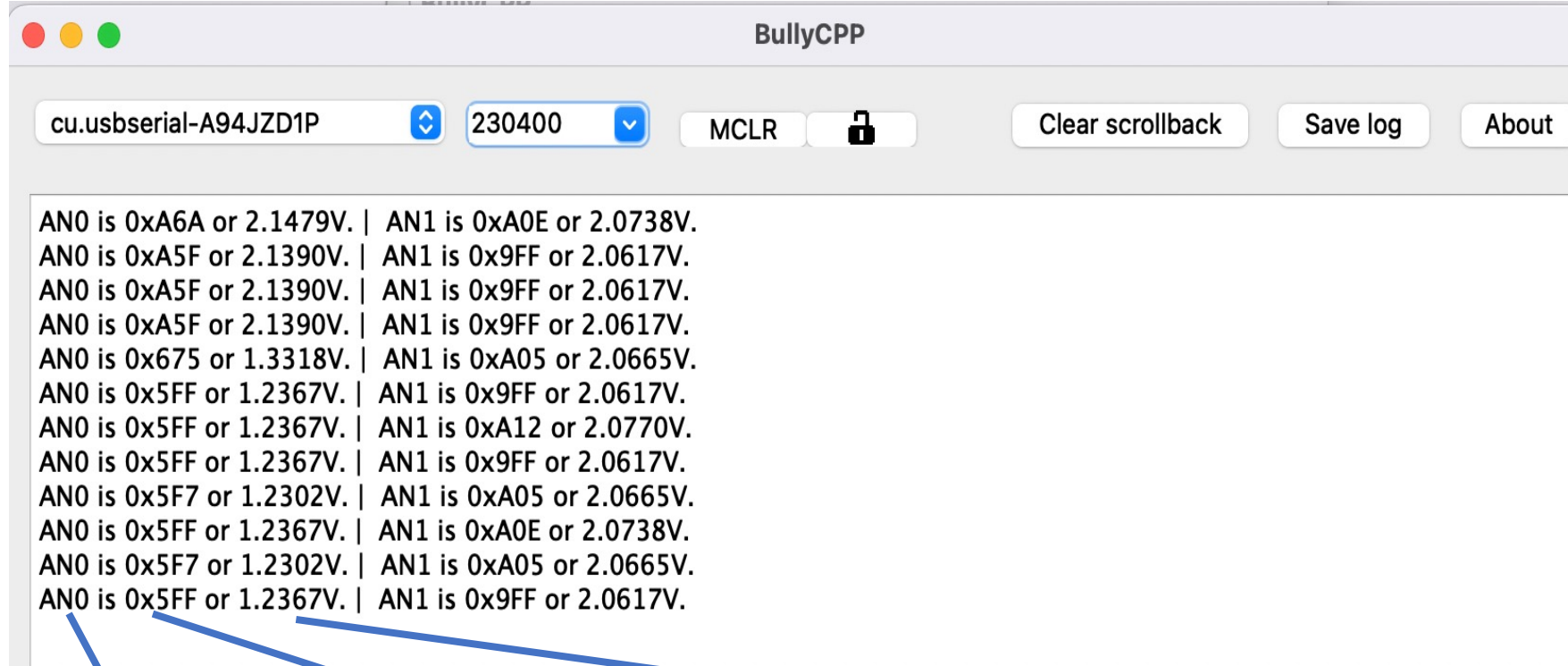
```
int main (void) {  
    //Store ADC output code (12 bits)  
    uint16_t u16_pot1, u16_pot2;  
  
    //Store input analog voltage of ADC  
    float f_pot1, f_pot2;  
  
    //DEFAULT_BAUDRATE macro is 230,400  
    configBasic(HELLO_MSG);  
  
    // Use AN0 as ADC input  
    CONFIG_RAO_AS_ANALOG();  
  
    // Use AN1 as ADC input  
    CONFIG_RA1_AS_ANALOG();  
  
    while (1) {.....}  
}
```

ADC' yi Test Etme (devam)

```
while (1) {  
    Use Channel 0 as ADC input    Sampling time=31 TAD  
    configADC1_ManualCHO(RAO_AN, 31, 1 );  
    u16_pot1 = convertADC1();    // Get ADC output code  
    configADC1_ManualCHO(RA1_AN, 31, 1 );  
    u16_pot2 = convertADC1();    // Get ADC output code  
    // Convert ADC output code to ADC input value  
    f_pot1 = 3.30 / ADC_NSTEPS * u16_pot1;  
    f_pot2 = 3.30 / ADC_NSTEPS * u16_pot2;  
    printf("ANO is 0x%0X or %1.4fV. | AN1 is 0x%0X or  
    %1.4fV.\n",    \  
    u16_pot1, (double) f_pot1, u16_pot2, (double) f_pot2 );  
    DELAY_MS(1500); // Delay certain so that we do not flood the UART  
} //endof while()
```

0: ADC resolution =10 bits
1: ADC resolution =12 bits

Program Çıkışı



The screenshot shows the BullyCPP application window. At the top, there are three colored window control buttons (red, yellow, green). The title bar reads "BullyCPP". Below the title bar, there is a toolbar with several elements: a dropdown menu showing "cu.usbserial-A94JZD1P", a text input field with "230400", a button labeled "MCLR", a lock icon, a "Clear scrollbar" button, a "Save log" button, and an "About" button. The main area of the window contains a scrollable text log with the following data:

```
AN0 is 0xA6A or 2.1479V. | AN1 is 0xA0E or 2.0738V.  
AN0 is 0xA5F or 2.1390V. | AN1 is 0x9FF or 2.0617V.  
AN0 is 0xA5F or 2.1390V. | AN1 is 0x9FF or 2.0617V.  
AN0 is 0xA5F or 2.1390V. | AN1 is 0x9FF or 2.0617V.  
AN0 is 0x675 or 1.3318V. | AN1 is 0xA05 or 2.0665V.  
AN0 is 0x5FF or 1.2367V. | AN1 is 0x9FF or 2.0617V.  
AN0 is 0x5FF or 1.2367V. | AN1 is 0xA12 or 2.0770V.  
AN0 is 0x5FF or 1.2367V. | AN1 is 0x9FF or 2.0617V.  
AN0 is 0x5F7 or 1.2302V. | AN1 is 0xA05 or 2.0665V.  
AN0 is 0x5FF or 1.2367V. | AN1 is 0xA0E or 2.0738V.  
AN0 is 0x5F7 or 1.2302V. | AN1 is 0xA05 or 2.0665V.  
AN0 is 0x5FF or 1.2367V. | AN1 is 0x9FF or 2.0617V.
```

ADC kanalı

ADC çıkış kodu

ADC giriş gerilimi

Sensörler



- Sensör, *gerçek dünya niceliğini* bir *gerilime* eşleyen bazı görevlere sahiptir. Üretilen gerilim fonksiyonu *doğrusal* veya *doğrusal* olmayabilir
- Doğrusal bir fonksiyon aşağıdakilerle karakterize edilir:

$$\text{Gerilim} = \text{katsayı} * \text{gerçek dünya niceliği} + \text{ofset}$$



Sensör girişi sıfır olduğunda çıkış gerilimi

Sensörler-Örnek1

Bir LM60 sıcaklık sensörü, her 1°C için 6.25 mV üretir ve 424 mV DC ofsetine sahiptir

Soru: $V_{\text{ref}} = 3.3\text{V}$ ve 10 bit bir ADC için, -10°C sıcaklık değerinde üretilen ADC kodu değeri nedir?

Çözüm:

Adım 1: Sıcaklık gerilime dönüştürülür

$$\begin{aligned}\text{Gerilim (mV)} &= 6.25\text{ mV} * T_{\text{santigrat}} + 424\text{ mV} \\ &= 6.25\text{ mV} * (-10) + 424\text{ mV} \\ &= 0.3615\text{ V}\end{aligned}$$

Adım 2: Gerilim ADC koduna dönüştürülür

$$\text{ADC Kodu} = \frac{V_{\text{in}}}{V_{\text{ref}}} \times 2^N = \frac{0.3615}{3.3} \times 2^{10} = 112.17 \cong 112$$

Sensörler-Örnek2

Freescape MPX5050 basınç sensörü, 0 kPa' da 0.2 V çıkış vermektedir ve 90 mV/kPa hassasiyete sahiptir

Soru: $V_{ref} = 3.3$ V olan 10 bit ADC, 420 ADC kod değerini vermektedir. Basınç sensörü tarafından algılanan basınç nedir?

Çözüm:

Adım 1: ADC kodu girişi gerilimine dönüştürülür

$$V_{in} = \frac{ADC\ Kodu}{2^N} \times V_{ref} = \frac{420}{2^{10}} \times 3.3\ V \approx 1.354\ V$$

Adım 2: Gerilim değeri basınca dönüştürülür

$$\begin{aligned} \text{Basınç (kPa)} &= (\text{gerilim (mV)} - 200\ \text{mV}) / 90\ \text{mV} \\ &= (1354\ \text{mV} - 200\ \text{mV}) / 90\ \text{mV} = 12.8\ \text{kPa} \end{aligned}$$